

perméabilité magnétique du vide :  $\mu_0 = 4\pi 10^{-7} H \cdot m^{-1}$

Loi de Biot et Savart (Hors programme) :

on note  $d\vec{C}(p)$  un élément de courant situé en P

$$\vec{B}(M) = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_{P \in \text{Distribution}} \frac{d\vec{C}(p)}{PM^2} \wedge \frac{P\vec{M}}{PM}$$

Propriétés de symétrie du champ magnétique :

○ Si la distribution de courant admet un plan de symétrie :

Le plan de symétrie des courant est un plan d'antisymétrie pour la carte de champ magnétique

○ Si la distribution de courant admet un plan d'antisymétrie :

Le plan d'antisymétrie des courant est un plan de symétrie pour la carte de champ magnétique

Théorème d'Ampère :

$$\oint_{\Gamma} \vec{B}(M) \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{\text{enlacé par } \Gamma}$$

On retrouve le théorème à partir de Maxwell-Ampère et du Théorème de Stokes

Conservation du flux magnétique :

Le flux de  $\vec{B}$  à travers toute surface fermée est nul :

$$\oint_s \vec{B} d\vec{S}_1 = 0 \text{ pour toutes surfaces fermées d'après Maxwell-Thomson}$$

Conséquences de la conservation du flux magnétique :

Le flux de  $\vec{B}$  à travers toute surface (ouverte) de même bord est identique

Le flux de  $\vec{B}$  à travers toute section d'un même tube de champ est identique

La loi locale du flux conservatif de  $\vec{B}$  :

$$\text{div} \vec{B}(M) = 0 \quad \forall M \text{ (c'est Maxwell-Thomson)}$$

Condition de changement de milieu pour le champ magnétique:

$$\vec{B}(M_2) - \vec{B}(M_1) = \mu_0 \vec{j}_s(M) \wedge \vec{n}_{12} \text{ qui contient } \begin{cases} \vec{B}_N(M_2) - \vec{B}_N(M_1) = 0 \\ \vec{B}_T(M_2) - \vec{B}_T(M_1) = \mu_0 \vec{j}_s(M) \wedge \vec{n}_{12} \end{cases}$$

Energie magnétique :  
 Champ du solénoïde infini :

$$\vec{B} = \mu_0 n I \vec{e}_z$$

(on retrouve en utilisant la condition de changement de milieu  
 et en imaginant le solénoïde comme une nape de cuivre en cylindre)  $j_s = nI$

$$E_{mag} = \frac{1}{2} L I^2$$

$$\text{On a aussi } L I = \Phi_{\vec{B}}$$

De plus:

$$\iint_{1 \text{ spire}} \vec{B} \cdot d\vec{S} = \mu_0 n I \pi a^2$$

$$\Phi_{\vec{B}} = \mu_0 n^2 l I \pi a^2 = L I$$

donc l'inductance du solénoïde est:  $L = \mu_0 n^2 \pi a^2 l$  (à connaître par coeur)

$$\begin{aligned} E_{mag} &= \frac{1}{2} \mu_0 n^2 \pi a^2 l I^2 \\ &= \frac{B^2}{2\mu_0} \pi a^2 l \end{aligned}$$

On identifie à  $\frac{B^2}{2\mu_0} L$  l'Energie magnétique par  $m^3$  et  $\pi a^2 l$  volume intérieur

Généralisation de l'énergie magnétique sur un volume  $d\tau$  :

$$\delta E_{mag} = \frac{\vec{B}^2}{2\mu_0} d\tau$$

Energie électrique sur un volume  $d\tau$  :

$$\delta E_{el} = \frac{\epsilon_0 \vec{E}^2}{2} d\tau$$

pour un condensateur par ex:

$$\frac{\delta E_{el}}{d\tau} = \frac{C(U_c)^2}{2 \cdot S \cdot L} = \frac{\epsilon_0}{2} \left( \frac{U_c}{L} \right)^2 = \frac{\epsilon_0 \vec{E}^2}{2}$$

	$\vec{E}$	$\vec{B}$
Près d'une charge ponctuelle	$\ \vec{E}\  \rightarrow \infty \quad \ V\  \rightarrow \infty$	$\emptyset$
Près d'une ligne chargée	$\ \vec{E}\  \rightarrow \infty \quad \ V\  \text{ diverge}$	$\ \vec{B}\  \rightarrow \infty$
traversé d'une surface chargée	$\vec{E}_N$ discontinue si $\sigma$ $\vec{E}_T$ continue $V$ continue	$\vec{B}_T$ discontinue si $\vec{j}_s$ $\vec{B}_N$ continue
Domaine chargé en volume	$\vec{E}$ continue $V$ continue	$\vec{B}$ continue